

# Bulletin

de la SOCIÉTÉ MATHÉMATIQUE DE FRANCE

ERRATUM TO:  
A PERSISTENTLY SINGULAR  
MAP OF  $\mathbb{T}^n$  THAT IS  
 $C^1$  ROBUSTLY TRANSITIVE

Juan C. Morelli

Tome 151  
Fascicule 3

2023

SOCIÉTÉ MATHÉMATIQUE DE FRANCE

pages 435-436

---

*Le Bulletin de la Société Mathématique de France* est un périodique trimestriel  
de la Société Mathématique de France.

Fascicule 3, tome 151, septembre 2023

---

***Comité de rédaction***

Boris ADAMCZEWSKI  
Christine BACHOC  
François CHARLES  
François DAHMANI  
Clothilde FERMANIAN  
Dorothee FREY

Wendy LOWEN  
Laurent MANIVEL  
Julien MARCHÉ  
Béatrice de TILIÈRE  
Eva VIEHMANN

Marc HERZLICH (Dir.)

***Diffusion***

Maison de la SMF Case 916 - Luminy 13288 Marseille Cedex 9 France commandes@smf.emath.fr	AMS P.O. Box 6248 Providence RI 02940 USA www.ams.org
--	---

***Tarifs***

*Vente au numéro : 43 € (\$ 64)*

*Abonnement électronique : 135 € (\$ 202),*

*avec supplément papier : Europe 179 €, hors Europe 197 € (\$ 296)*

Des conditions spéciales sont accordées aux membres de la SMF.

***Secrétariat : Bulletin de la SMF***

*Bulletin de la Société Mathématique de France*

Société Mathématique de France

Institut Henri Poincaré, 11, rue Pierre et Marie Curie

75231 Paris Cedex 05, France

Tél : (33) 1 44 27 67 99     •    Fax : (33) 1 40 46 90 96

[bulletin@smf.emath.fr](mailto:bulletin@smf.emath.fr)     •    [smf.emath.fr](http://smf.emath.fr)

© Société Mathématique de France 2023

*Tous droits réservés (article L 122-4 du Code de la propriété intellectuelle). Toute représentation ou reproduction intégrale ou partielle faite sans le consentement de l'éditeur est illicite. Cette représentation ou reproduction par quelque procédé que ce soit constituerait une contrefaçon sanctionnée par les articles L 335-2 et suivants du CPI.*

ISSN 0037-9484 (print) 2102-622X (electronic)

Directeur de la publication : Fabien DURAND

---

**ERRATUM TO:**  
**A PERSISTENTLY SINGULAR MAP OF  $\mathbb{T}^n$**   
**THAT IS  $C^1$  ROBUSTLY TRANSITIVE**

BY JUAN C. MORELLI

---

This is a correction to:

A persistently singular map of  $\mathbb{T}^n$  that is  $C^1$  robustly transitive.  
*Bull. Soc. Math. France* 149 (2021), no. 3, p. 501–519.

April 30, 2022.

**LEMMA 3.14.** — *For every small open neighborhood  $U$  of  $(0, 1)'$  in  $\mathbb{T}^n$  and  $U' \subset U$  any open subset, there exists  $m_0 \in \mathbb{N}$  such that  $\text{diam}(\pi(G^{-m}(U'))) \geq \frac{2}{13} - 2a_0$  for all  $m \geq m_0$ .*

This comes from the fact that the expanding regions of  $g_1$  and  $g_2$  in Lemma 2.5 are at distance  $\frac{2}{13} - 2a_0$ . The proof of Lemma 3.14 is correct up to the very last sentence, with the detail that this is the maximum lower bound we can ensure for the diameter of the preimage set (recall that  $a_0$  is fixed in the proof of Lemma 2.5, and can be taken as small as desired).

Lemma 3.14 is used to prove Lemma 3.15. To see why Lemma 3.15 holds for such  $\pi(G^{-m}(U'))$  sets, we still need to argue that there exists  $d \geq 0$  such that  $G^{-d}(U') \cap \lambda \neq \emptyset$ .

---

*Texte reçu le 11 avril 2022, modifié le 30 avril 2022, accepté le 5 mai 2022.*

JUAN C. MORELLI, Universidad de La República, Facultad de Ingeniería, IMERL, Julio Herrera y Reissig 565. C.P. 11300, Montevideo, Uruguay • E-mail : jmorelli@fing.edu.uy

Recall that  $\|g_1 - h_1^{-1} \circ G_{|N} \circ h_1\| < \varepsilon$  with  $h_1 : \{0\} \times S^1 \rightarrow N$  as close to the canonical inclusion as desired, and recall that  $g_1 : S^1 \rightarrow S^1$  is defined in the proof of Lemma 2.5, as close to the identity map as desired.

Then, since  $\lambda$  is transversal to  $N$  and  $(0, 1)'$  is a saddle for  $G$  which only contracts in  $G_{|N}$ , there exist  $k_0 \geq m_0 + 1$  and  $l \geq 0$  such that  $G^{-k_0}(U') \cap G^l(\lambda) \neq \emptyset$ , because since  $\bigcup_{s \in \mathbb{N}} g_1^s(\pi \circ \lambda)$  does not miss the set  $\pi(G^{-k_0}(U'))$  because of its large diameter (approximately  $\frac{1}{7}$ ),  $\bigcup_{s \in \mathbb{N}} G^s(\lambda)$  does not miss the set  $G^{-k_0}(U')$  either.

So let  $d = k_0 + l$ . The rest of the proof is unchanged.