

**TOPICS
IN
STATISTICAL LEARNING THEORY**

Peter L. Bartlett & Sanjoy Dasgupta
(Stéphane Boucheron & Nicolas Vayatis, editors)



Panoramas et Synthèses

Numéro 57

SOCIÉTÉ MATHÉMATIQUE DE FRANCE

Comité de rédaction

Olivier BENOIST	Pascal MASSART
Fabienne CASTELL	Quentin MÉRIGOT
Indira CHATTERJI	Anne MOREAU
Anne-Sophie de SUZZONI	Séverine RIGOT
Diego IZQUIERDO	Sergio SIMONELLA
Claire LACOUR	Todor TSANKOV
Bertrand RÉMY (dir.)	

Diffusion

Maison de la SMF	AMS
Case 916 - Luminy	P.O. Box 6248
13288 Marseille Cedex 9	Providence RI 02940
France	USA
christian.smf@cirm-math.fr	www.ams.org

Tarifs

Vente au numéro : 38 € (\$57)

Des conditions spéciales sont accordées aux membres de la SMF.

Secrétariat

Panoramas et Synthèses
Société Mathématique de France
Institut Henri Poincaré, 11, rue Pierre et Marie Curie
75231 Paris Cedex 05, France
Tél : (33) 01 44 27 67 99 • Fax : (33) 01 40 46 90 96
panoramas@smf.emath.fr • <http://smf.emath.fr/>

© Société Mathématique de France 2021

Tous droits réservés (article L 122-4 du Code de la propriété intellectuelle). Toute représentation ou reproduction intégrale ou partielle faite sans le consentement de l'éditeur est illicite. Cette représentation ou reproduction par quelque procédé que ce soit constituerait une contrefaçon sanctionnée par les articles L 335-2 et suivants du CPI.

ISSN 1272-3835

ISBN 978-2-85629-964-7

Directeur de la publication : Fabien Durand

PANORAMAS ET SYNTHÈSES 57

TOPICS IN STATISTICAL LEARNING THEORY

Peter L. Bartlett & Sanjoy Dasgupta

(Stéphane Boucheron & Nicolas Vayatis, editors)

Société mathématique de France

Nicolas Vayatis
Centre Borelli, ENS Paris-Saclay

Stéphane Boucheron
LPSM Université Paris Cité

Sanjoy Dasgupta
Department of Computer Science, University of California, San Diego, La Jolla CA
92093

Peter L. Bartlett
Departments of Computer Science and Statistics, Berkeley AI Research Lab, University of California Berkeley

Classification mathématique par sujets. (2010) — 68T10, 68Q32, 68T09 (62R07), 6860E15, 62G08, 62H30

Mots-clés et phrases. — Apprentissage statistique, processus empiriques, classification automatique, apprentissage en ligne, régression non paramétrique.

Keywords and phrases. — Computational learning theory, statistical learning theory, empirical processes, clustering, active learning, online learning, non parametric regression.

TOPICS IN STATISTICAL LEARNING THEORY

Peter L. Bartlett & Sanjoy Dasgupta
(Stéphane Boucheron & Nicolas Vayatis, editors)

Abstract. — This volume is the outcome of a series of three lectures on statistical learning theory given at Institut Henri Poincaré in 2011 under the auspices of the Société Mathématique de France. The introductory chapter provides an overview of the history of Statistical Learning Theory, its roots, its mathematical tools and the questions that make it. The chapter “Algorithms for minimally supervised learning” by Sanjoy Dasgupta describes the progress of theoretical computer science on the issues of unsupervised learning (clustering) and active learning. Surprisingly, much of this progress is due to the confrontation of concentration of measure theory, complexity theory and established practices in numerical statistics.

The chapter “Online prediction” by Peter Bartlett focuses on online learning. It is a confrontation between statistics, game theory and optimization.

Résumé (Questions de théorie de l'apprentissage statistique). — Ce volume est le résultat d'une série de trois cours sur la théorie statistique de l'apprentissage données à l'Institut Henri Poincaré en 2011 sous l'égide de la Société Mathématique de France.

Le chapitre de présentation propose un survol de l'histoire de la théorie statistique de l'apprentissage, de ses racines, de ses outils mathématiques et des questions qui la constituent.

Le chapitre «Algorithms for minimally supervised learning» par Sanjoy Dasgupta décrit les progrès de l'informatique théorique sur les questions d'apprentissage non supervisé (clustering) et sur l'apprentissage dit actif. De façon assez surprenante, ces progrès sont dus en grande partie à la confrontation de la théorie de la concentration de la mesure, de la théorie de la complexité et des pratiques établies en statistique numérique.

Le chapitre «Online prediction» par Peter Bartlett porte sur l'apprentissage en ligne. Il s'agit d'une confrontation entre statistique, théorie des jeux et optimisation.

CONTENTS

Résumés des articles	ix
Abstracts	xi
STÉPHANE BOUCHERON & NICOLAS VAYATIS — <i>Presentation</i>	xiii
1. A brief history of Statistical Learning Theory	xiii
2. Binary classification	xx
3. Minimally supervised learning	xxix
4. Online learning	xxxv
5. Least-square regression from a statistical learning viewpoint	xxxviii
References	xliii
SANJOY DASGUPTA — <i>Algorithms for minimally supervised learning</i>	1
1. Introduction	1
2. Clustering	3
3. Exploiting low intrinsic dimensionality	22
4. Active learning	37
References	54
PETER L. BARTLETT — <i>Online Prediction</i>	59
1. Prediction as a Repeated Game	59
2. A Finite Comparison Class	61
3. Online and adversarial versus batch and probabilistic	69
4. Optimal Regret	76
5. Bibliographic notes	86
References	87

RÉSUMÉS DES ARTICLES

Apprentissage non supervisé, apprentissage actif

SANJOY DASGUPTA 1

L'article *Minimally supervised learning* de Sanjoy Dasgupta étudie les problèmes d'apprentissage non supervisé et d'apprentissage actif. Dans l'apprentissage non supervisé, l'algorithme d'apprentissage manipule un échantillon de points non étiquetés issus d'une loi inconnue et tente de les regrouper en classes de sorte que les points proches soient affectés à la même classe et les points éloignés à des classes distinctes. Cette tâche a fait l'objet d'une grande attention en statistique mathématique car elle recoupe l'analyse des modèles de variables latentes. Les modèles à variables latentes sont notoirement difficiles à traiter, tant du point de vue statistique que du point de vue informatique, et sont abordés à l'aide de méthodes itératives à motivation heuristique comme EM. Sanjoy Dasgupta fournit des preuves convaincantes que EM devrait fonctionner bien et rapidement lorsqu'il est confronté à des données tirées de certains mélanges de distributions bien concentrées. Ses arguments combinent des outils issus des processus empiriques et de la théorie de la concentration de la mesure avec une analyse algorithmique.

Prédiction en ligne

PETER L. BARTLETT 59

Nous examinons les modèles de prédiction basés sur la théorie des jeux, dans lesquels le processus générant les données est modélisé comme un adversaire avec lequel la méthode de prédiction est en compétition. Nous présentons une formulation qui englobe une grande variété de problèmes de décision, et nous nous concentrons sur la relation entre la prédiction dans ce cadre de la théorie des jeux et la prédiction dans le cadre probabiliste plus standard. En particulier, nous présentons une vision des stratégies de prédiction standard comme des méthodes de décision bayésiennes, et nous montrons comment le regret des stratégies optimales dépend de mesures de complexité qui sont étroitement liées à celles qui apparaissent dans les cadres probabilistes.

