

# Revue d'Histoire des Mathématiques



*La réception par quelques mathématiciens européens  
du XVI<sup>e</sup> siècle des travaux des algébristes italiens  
sur les équations du troisième degré :  
réticence de la plupart et avancées significatives de Stevin*

Sabine Rommevaux-Tani

**Tome 22 Fascicule 1**

**2 0 1 6**

**SOCIÉTÉ MATHÉMATIQUE DE FRANCE**

Publiée avec le concours du Centre national de la recherche scientifique

# REVUE D'HISTOIRE DES MATHÉMATIQUES

---

## RÉDACTION

**Rédacteur en chef :**

Norbert Schappacher

**Rédacteur en chef adjoint :**

Frédéric Brechenmacher

**Membres du Comité de rédaction :**

Alain Bernard  
Maarten Bullynck  
Sébastien Gandon  
Hélène Gispert  
Catherine Goldstein  
Jens Høyrup  
Agathe Keller  
Marc Moyon  
Philippe Nabonnand  
Karen Parshall  
Silvia Roero  
Tatiana Roque  
Ivahn Smadja  
Dominique Tournès

**Directeur de la publication :**

Marc Peigné

## COMITÉ DE LECTURE

Philippe Abgrall  
June Barrow-Green  
Umberto Bottazzini  
Jean Pierre Bourguignon  
Aldo Brigaglia  
Bernard Bru  
Jean-Luc Chabert  
François Charette  
Karine Chemla  
Pierre Crépel  
François De Gandt  
Moritz Epple  
Natalia Ermolaëva  
Christian Gilain  
Jeremy Gray  
Tinne Hoff Kjeldsen  
Jesper Lützen  
Antoni Malet  
Irène Passeron  
Jeanne Peiffer  
Christine Proust  
Sophie Roux  
David Rowe  
Ken Saito  
S. R. Sarma  
Erhard Scholz  
Reinhard Siegmund-Schultze  
Stephen Stigler  
Bernard Vitrac

---

**Secrétariat :**

Nathalie Christiaën  
Société Mathématique de France  
Institut Henri Poincaré  
11, rue Pierre et Marie Curie, 75231 Paris Cedex 05  
Tél. : (33) 01 44 27 67 99 / Fax : (33) 01 40 46 90 96  
Mél : [rhmsmf@ihp.fr](mailto:rhmsmf@ihp.fr) / URL : <http://smf.emath.fr/>

---

**Périodicité :** La *Revue* publie deux fascicules par an, de 150 pages chacun environ.

**Tarifs :** Prix public Europe : 89 €; prix public hors Europe : 97 €;  
prix au numéro : 43 €.  
Des conditions spéciales sont accordées aux membres de la SMF.

**Diffusion :** SMF, Maison de la SMF, Case 916 - Luminy, 13288 Marseille Cedex 9  
Hindustan Book Agency, O-131, The Shopping Mall, Arjun Marg, DLF  
Phase 1, Gurgaon 122002, Haryana, Inde

## LA RÉCEPTION PAR QUELQUES MATHÉMATIENS EUROPÉENS DU XVI<sup>e</sup> SIÈCLE DES TRAVAUX DES ALGÉBRISTES ITALIENS SUR LES ÉQUATIONS DU TROISIÈME DEGRÉ : RÉTICENCE DE LA PLUPART ET AVANCÉES SIGNIFICATIVES DE STEVIN

SABINE ROMMEVAUX-TANI

---

**RÉSUMÉ.** — Les méthodes de résolution des équations du troisième degré et du quatrième degré par les algébristes italiens du XVI<sup>e</sup> siècle sont saluées par les historiens des mathématiques comme un apport majeur à la théorie des équations. Nous montrerons quels types de critiques ont suscités les travaux de Tartaglia et Cardano sur les équations du troisième degré auprès de leurs contemporains. Et nous verrons que Simon Stevin propose dans l'*Arithmétique* (1585) un exposé des algorithmes de résolution de ces équations qui, sur plusieurs aspects, présente des avancées significatives par rapport au traitement qu'en fait Cardano dans l'*Ars magna* (1545). En particulier, un des mérites de Stevin est de proposer des règles unifiées pour les équations sans terme du premier degré et pour les équations complètes. Stevin fait aussi un pas décisif vers une meilleure compréhension des méthodes de résolution en expliquant les origines des différents algorithmes.

### INTRODUCTION

Dans les histoires générales des mathématiques, le chapitre consacré à la Renaissance fait la part belle aux travaux des algébristes italiens, notamment Nicollò Tartaglia, Gerolamo Cardano, Ludovico Ferrari et Rafael

---

Texte reçu le 22 avril 2015, révisé et accepté le 13 mars 2016.

S. ROMMEVAUX-TANI

Mots clés : Cardano, Tartaglia, Bombelli, Peletier, Borrel, Gosselin, Nuñez, Stevin, algèbre, équations, XVI<sup>e</sup> siècle.

Bombelli, célèbrés pour leurs méthodes générales de résolution des équations du troisième et du quatrième degré. Si l'importance des mathématiciens italiens pour le développement de l'algèbre ne fait aucun doute, il peut être intéressant de se demander comment leurs contemporains ont reçu leurs travaux sur la résolution des équations<sup>1</sup>. Cette question m'a été suggérée par une remarque critique de Christoph Clavius à leur rencontre. Ce dernier, mathématicien d'origine allemande, professeur de mathématiques renommé au collège jésuite de Rome, publie en 1608 une *Algebra*, en latin, à visée largement pédagogique. Pour son algèbre, Clavius a deux sources principales : l'*Arithmetica integra* de Michael Stifel, qui paraît à Nuremberg en 1544, soit avant la publication des formules dites de Cardano pour la résolution des équations du troisième degré, et le *Libro de algebra en arithmetica y geometria* de Pedro Nuñez, publié à Anvers en 1567. Bien qu'enseignant en Italie, Clavius s'appuie donc sur l'ouvrage d'un mathématicien allemand, rédigé en latin, et sur celui d'un mathématicien portugais, rédigé en espagnol. Clavius évoque les algébristes italiens, mais pour déplorer que les travaux de Cardano et de Tartaglia soient incomplets et que ceux de Bombelli soient incompréhensibles :

L'art n'a pas encore été inventé par lequel sont extraites avec certitude les racines de cette sorte [Clavius vient d'évoquer les équations du type :  $ax^3 = bx + c$  et  $ax^3 = bx^2 + c$ ,  $a$ ,  $b$  et  $c$  étant positifs<sup>2</sup>], même si Cardano et Niccolò Tartaglia ont trouvé la valeur d'une racine dans quelques cas particuliers. Quant à Rafael Bombelli, il pense avoir trouvé comment on doit extraire les racines à partir de quelques équations de cette sorte et de quelques autres. [...] les explications de Bombelli sont très obscures [...]<sup>3</sup>.

Il existe sans doute plusieurs raisons au rejet par Clavius des développements des algébristes italiens sur la résolution des équations du troisième

---

<sup>1</sup> J'ai présenté une première version de cette étude lors du colloque international « Scuole matematiche e identità nazionale nell'Italia moderna e contemporanea », qui s'est déroulé à Turin en octobre 2013. Je remercie les organisateurs pour m'avoir donné l'opportunité d'y exposer mes réflexions. Je remercie aussi Maryvonne Spieser et Odile Kouteynikoff pour leurs remarques et suggestions à propos de cette étude.

<sup>2</sup> Pour rendre notre étude plus accessible aux non-spécialistes des mathématiques de la Renaissance, nous utiliserons les notations modernes pour l'écriture des équations dans nos commentaires. Par ailleurs, nous utiliserons le terme d'équation, quand, selon les auteurs, on a les termes « aequatio », « equation » ou « ygualacion ».

<sup>3</sup> [Clavius 1609, 49] : « [...] nondum est inuenta ars, qua huiusmodi radices certò eruantur, quamuis Cardanus, & Nicolaus Tartalea in quibusdam exemplis singularibus inuenerint æstimationem vnus radices. Raphael autem Bombellus ex quibusdam etiam æquationibus eiusmodi, & aliis nonnullis putat se inuenisse, quo pacto eruendæ sint radices. [...] & rationes Bombelli obscure valde sunt [...] »

et du quatrième degré<sup>4</sup>. L'une d'elles est peut-être le regard critique que porte l'une de ses sources, Nuñez, sur ces travaux, comme nous allons le voir.

***Les étapes de la publication des algorithmes de résolution des équations du troisième degré***

Avant de commencer notre étude sur la réception des travaux des algébristes italiens sur les équations du troisième degré et plus, rappelons les étapes essentielles de la découverte et de la publication des algorithmes de résolution. Nous ne revenons pas sur les circonstances, bien connues, de la découverte de ces algorithmes par Scipion dell Ferro, Antonio Maria Fiore et Niccolò Tartaglia. On retrouve ce récit aux folios 41 et 42 du livre II du *General trattato di numeri et misura* de Tartaglia [1556]. Cardano en fait aussi état au chapitre I de l'*Artis magnæ sive de regulis algebraicis liber unus* (que l'on cite le plus souvent sous le titre *Ars magna*), publié quelques années plus tôt [Cardano 1545]. Il y revient aussi au chapitre XI consacré aux équations du type  $x^3 + bx = c$  (avec  $b$  et  $c$  positifs) ; il explique alors que Tartaglia ne lui pas transmis la démonstration de l'algorithme, qu'il lui fut bien difficile de reconstituer<sup>5</sup>.

De fait, Tartaglia n'a pas eu l'occasion de développer ses méthodes de résolution. Dans les *Quesiti et inventioni diverse* [1546/1554], ouvrage composite qui traite aussi bien de balistique, de fortification, d'art militaire, de mécanique et finalement d'arithmétique, de géométrie et d'algèbre, les algorithmes de résolution pour les équations du troisième degré, sans terme du deuxième degré, sont dévoilés dans l'entretien que Tartaglia a eu avec Cardano le 25 mars 1539, et dont il fait état au chapitre xxxiv du livre IX [Tartaglia 1554, 120r-121r]. La méthode est révélée sous la forme d'un poème, bien connu : la racine n'est pas explicitée en fonction des coefficients de l'équation, seul le moyen d'y parvenir est présenté. Ainsi,

---

<sup>4</sup> Malheureusement la correspondance de Clavius ne nous apprend rien sur ce point. Les algébristes italiens y sont très peu cités et la résolution des équations du troisième degré encore moins. Je signale qu'on peut maintenant trouver cette correspondance, éditée par Ugo Baldini et Pier Daniele Napolitani, sur le site ECHO à l'adresse suivante : <http://echo.mpiwg-berlin.mpg.de/content/mpiwglib/clavius>.

<sup>5</sup> « CAPVT XI. De cubo & rebus æqualibus Numero. Scipio Ferreus Bononiensis iam annis ab hinc triginta fermè capitulum hoc inuenit, tradidit verò Anthonio Mariæ Florido Veneto, qui cùm in certamen cum Nicolao Tartalea Brixellense aliquando venisset, occasionem dedit, vt Nicolaus inuenerit & ipse, qui cum nobis rogantibus tradidisset, suppressà demonstratione, freti hoc auxilio, demonstrationem quæsiuimus, eamque in modos, quod difficillimum fuit, redactam sic subiiciemus. » [Cardano 1663, vol. 4, 249]